

2022 年度入学試験問題

数 学

(60 分)

注 意 事 項

1. 試験開始の合図があるまで、この問題冊子は開かないでください。
2. この問題冊子は3ページあります。試験中、ページの脱落等に気づいた場合は、手を挙げて監督者に知らせてください。
解答用紙(マークシート)の汚れなどに気づいた場合も、同様に知らせてください。
3. 解答用紙(マークシート)は折り曲げたり、汚したりしないでください。
4. 解答は、すべて解答用紙(マークシート)に記入し、解答用紙(マークシート)の枠外には、なにも書かないでください。
5. 試験問題は問題記号ア～メで34問あります。
解答用紙(マークシート)には、問題記号がア～ンまで印刷されています。解答にあたっては、問題記号ア～メの範囲内で該当する解答欄に解答してください。
6. 解答上の注意は、裏表紙に記載してあるので、この問題冊子を裏返して必ず読んでください。ただし、問題冊子を開いてはいけません。
7. マークは必ずHBの黒鉛筆を使用し、訂正する場合は、完全に消してからマークしてください。
8. 監督者の指示に従って、解答用紙(マークシート)に解答する科目、受験番号をマークするとともに、受験番号、氏名を記入してください。
9. 解答する科目、受験番号、解答が正しくマークされていない場合は、採点できないことがあります。
10. 筆記用具以外は、使用しないでください。
11. 試験終了後、問題冊子は持ち帰ってください。

[I]

(1) 実数 x, y が等式 $\frac{3x - 10i}{2 + i} = 4 + yi$ を満たすとき, $x =$,
 $y =$ である.

(2) 2次方程式 $8x^2 - 6x + 1 = 0$ の2つの解を α, β とするとき,

$$\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\beta}{\alpha} + \alpha\beta = \frac{\text{ウ}}{\text{エ}}$$
 である.

(3) $-\frac{\pi}{2} \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$ のとき, 関数 $y = \cos 2\theta + 2\cos\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right)$ は

$$\theta = \frac{\text{オ}}{\text{カ}}\pi \text{ で最大値 } \frac{\text{キ}}{\text{ク}} \text{ をとり, } \theta = \frac{\text{ケ}}{\text{コ}}\pi \text{ で最小値}$$

をとる.

(4) 方程式 $3^{2x} - 10 \cdot 3^x + 9 = 0$ の解のうち, 方程式

$$4\log_4(x + 2) - \log_2(x + 4) = 0$$
 の解でないものは $x =$ である.

(5) $\frac{9}{8}$ と $\frac{15}{14}$ のいずれに掛けても自然数となるような最小の有理数は

$$\frac{\text{ス}}{\text{セ}}$$
 である.

〔Ⅱ〕

- (1) 公差が負の数である等差数列 $\{a_n\}$ が

$$a_1 + a_2 + a_3 + a_4 = 16, \quad a_1^2 + a_2^2 + a_3^2 + a_4^2 = 244$$

を満たすとき、数列 $\{a_n\}$ の初項は 、公差は である。この数列 $\{a_n\}$ の初項から第 n 項までの和を S_n とし、 $b_n = \frac{S_n}{n}$ とおくと、数列 $\{b_n\}$ は公差が の等差数列である。

- (2) 1 から 8 までの数を 1 つずつ書いた 8 枚のカードの中から 3 枚のカードを同時に引くとき、引いたカードの数を小さい方から順に a, b, c とする。百の位が a 、十の位が b 、一の位が c である 3 桁の自然数を N とする。

(a) N が 5 の倍数である確率は $\frac{\text{ツ}}{\text{テ}}$ である。

(b) N が偶数である確率は $\frac{\text{ト}}{\text{ナ}}$ である。

(c) N が 4 の倍数である確率は $\frac{\text{ニ}}{\text{ヌ}}$ である。

〔Ⅲ〕

(1) m は実数の定数とし, $f(x) = x^2 - 2mx - x + m^2 + m$ とおく.

(a) 方程式 $f(x) = 0$ は異なる 2 つの実数解 $x = m$, $x = m + \boxed{\text{ネ}}$ をもつ.

(b) $m - 2 \leq x \leq m + 2$ であるとき, 関数 $y = f(x)$ の最大値は $\boxed{\text{ノ}}$,

最小値は $\frac{\boxed{\text{ハ}}}{\boxed{\text{ヒ}}}$ である.

(2) $f(x) = \frac{x^3}{3} + x^2 - 3x$ とおく.

(a) 関数 $f(x)$ は $x = \boxed{\text{フ}}$ で極大値 $\boxed{\text{ヘ}}$, $x = \boxed{\text{ホ}}$ で極小値

$\frac{\boxed{\text{マ}}}{\boxed{\text{ミ}}}$ をとる.

(b) 曲線 $y = f(x)$ 上の点 $(\boxed{\text{フ}}, \boxed{\text{ヘ}})$ における接線を ℓ とする.

曲線 $y = f(x)$ と接線 ℓ との接点でない共有点の x 座標は $\boxed{\text{ム}}$ であり,

曲線 $y = f(x)$ と接線 ℓ で囲まれた部分の面積は $\boxed{\text{メ}}$ である.