

M

2024 年度 総合型選抜 A 日程 (専願制) 入学試験問題

数 学

(60 分)

注意事項

1. 試験開始の合図があるまで、この問題冊子は開かないでください。
2. この問題冊子は 1 ページあります。試験中、ページの脱落等に気づいた場合には、手を挙げて監督者に知らせてください。
問題・解答用紙の汚れなどに気づいた場合も、同様に知らせてください。
3. 監督者の指示に従って、すべての解答用紙に受験番号、氏名を記入してください。
4. 解答は、解答用紙（3 枚）に記入してください。
5. 筆記用具以外は、使用しないでください。
6. 試験終了後、問題冊子は持ち帰ってください。

問題は次のページです

[I] 関数 $y = \cos 2x + 2 \sin x$ ($0 \leq x < 2\pi$) の最大値とそのときの x の値, および最小値とそのときの x の値を求めなさい。

[II] 1 から 9 までの数を 1 つずつ書いた 9 枚のカードの中から, 同時に 2 枚を取り出す。

- (1) 取り出した 2 枚のカードの数の和が偶数である確率を求めなさい。
- (2) 取り出した 2 枚のカードの数の和が 5 の倍数である確率を求めなさい。
- (3) 取り出した 2 枚のカードの数の積が 3 の倍数である確率を求めなさい。

[III] 座標平面の原点を O とし, x 軸上に点 $A(1, 0)$, y 軸上に点 $B(0, 1)$ をとる。 s, t を実数として, 点 $P(x, y)$ が

$$\overrightarrow{OP} = s \overrightarrow{OA} + t \overrightarrow{OB}, \quad 1 \leq s^2 + t^2 \leq 4, \quad s \geq 0, \quad t \geq 0$$

を満たしながら動くとき, 点 P の存在範囲を座標平面上に図示しなさい。

[IV] i を虚数単位とし, m を実数の定数とする。2 次方程式 $x^2 - 2x + m = 0$ の 2 つの解を α, β とするとき, $\alpha - \beta = 2\sqrt{3}i$ である。

- (1) m, α, β の値を求めなさい。
- (2) α^n が正の実数となるような最小の自然数 n , およびそのときの α^n の値を求めなさい。

[V] 点 O を中心とする半径 a の球に, 下図のように直円柱が内接している。この直円柱のうちで, 体積が最大であるものの底面の半径と高さ, およびそのときの体積を求めなさい。

